EXAME NACIONAL DO ENSINO SECUNDÁRIO

12.° Ano de Escolaridade — Via de Ensino (1.° e 5.° cursos)

Duração da prova: 120 minutos

anação da prova. 120 minutos

1.a FASE

2.ª CHAMADA

1999

PROVA ESCRITA DE FÍSICA

Utilize para o módulo da aceleração da gravidade $g = 10 \text{ m s}^{-2}$

Apresente todos os cálculos que efectuar.

1. O corpo **A**, de massa 2,0 kg, está apoiado sobre um corpo **B**, de massa 5,0 kg, que por sua vez está ligado por um fio inextensível ao corpo **C** (figura 1). O corpo **B** desliza sem atrito sobre a superfície horizontal.

O coeficiente de atrito estático entre os materiais dos corpos **A** e **B** tem o valor de 0,65. Despreze a resistência do ar, a massa do fio e da roldana e os efeitos do atrito na roldana.

Considere que não há escorregamento do corpo **A** sobre o corpo **B**, mas que o movimento relativo está iminente.

- 1.1. Represente as forças que actuam no corpo A e no corpo B, devidas apenas à interacção entre eles. Faça a legenda.
- 1.2. Determine a aceleração do movimento do corpo A.
- 1.3. Calcule o módulo da tensão do fio.
- **1.4.** Calcule o valor da massa do corpo **C**.

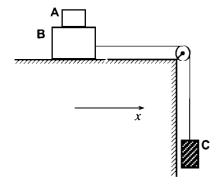


Fig. 1

- 2. Um corpo de massa m, suposto pontual, está suspenso em O por um fio de comprimento l e massa desprezável. O corpo encontra-se em repouso com o fio na posição vertical OA, como representa a figura 2. Num dado instante, aplica-se um impulso ao corpo e este adquire a velocidade angular ωA. O corpo descreve uma trajectória circular no plano vertical xOy, invertendo o sentido do movimento quando o fio atinge a posição horizontal OB.
 Despreze o efeito da resistência do ar.
 - 2.1. Considere o percurso do sistema corpo + fio da posição OA para a posição OB.
 - **2.1.1.** Determine, em função de m, l e $\omega_{\rm A}$, a variação da energia cinética do sistema entre a posição OA, imediatamente após a aplicação do impulso, e a posição OB.
 - **2.1.2.** Determine, em função de g e l, o módulo da velocidade angular, $\omega_{\rm A}$, do corpo na posição OA, imediatamente após a aplicação do impulso.

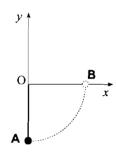


Fig. 2

- 2.2. Considere o sistema corpo + fio na posição OA.
 Determine, em função de m, l e g, o momento angular do corpo, em relação ao ponto O, imediatamente após a aplicação do impulso.
- 3. Na figura 3 está representado um corpo $\bf A$, de massa 260 g e volume $4.0 \times 10^{-4} \ m^3$, em equilíbrio, totalmente imerso num líquido contido numa tina.

O corpo **A** está ligado a uma mola elástica **M**, ideal, de constante $k = 20 \text{ N m}^{-1}$, e preso a um fio inextensível **f**.

A mola, que não se encontra deformada, e o fio estão presos ao fundo da tina.

Num dado instante corta-se o fio **f** e o corpo, ainda completamente imerso no líquido, atinge uma nova posição de equilíbrio, após a mola **M** se ter alongado 5,0 cm.

- 3.1. Represente o diagrama das forças que actuam no corpo A em equilíbrio:
 - 3.1.1. antes de se cortar o fio.
 Faça a legenda.
 - 3.1.2. depois de se cortar o fio.
 Faça a legenda.

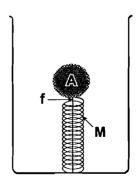


Fig. 3

3.2. Calcule a massa volúmica do líquido no qual o corpo A se encontra imerso.

4. Uma partícula, de massa 50 g, executa um movimento harmónico simples sobre uma superfície horizontal sem atrito.

A partícula demora 0,60 s a deslocar-se da posição extrema negativa, onde se encontrava no instante inicial, até à posição extrema positiva.

As duas posições extremas distam 2,0 cm uma da outra.

- 4.1. Para este movimento, qual é:
 - 4.1.1. O valor do período?
 - 4.1.2. O valor da amplitude?
- 4.2. Escreva a equação do movimento desta partícula.
- 4.3. Calcule o módulo da aceleração da partícula ao fim de 0,30 s de movimento.
- **5.** Duas placas paralelas e horizontais encontram-se a uma certa distância uma da outra. Estabeleceu-se entre as placas uma diferença de potencial, ficando a placa superior com carga eléctrica negativa. Uma partícula, de massa 5.0×10^{-5} kg e carga eléctrica 6.0×10^{-9} C, penetra entre as placas com velocidade $\overrightarrow{v} = 80 \overrightarrow{u}_x$ (m s⁻¹), numa região onde o campo eléctrico é uniforme de módulo 3.0×10^5 V m⁻¹ (figura 4). O ponto **A**, onde a partícula penetra, encontra-se à distância de 80 cm de um alvo plano colocado verticalmente.
 - **5.1.** Determine a resultante das forças que actuam na partícula no trajecto de **A** até ao alvo.
- A V P P Fig. 4
- 5.2. Calcule, em relação ao ponto P, a posição em que a partícula embate no alvo.
- **5.3.** Considere que, penetrando a partícula no ponto **A** com igual velocidade, se mantém o campo eléctrico e se aplica entre as placas um campo magnético uniforme $\overrightarrow{B} = 30 \ \overrightarrow{u}_z$ (T). Verifique, por cálculo, se a partícula atinge o alvo no ponto **P**.
- **6.** Um reservatório de capacidade 2.0×10^{-2} m³ contém oxigénio à pressão de 4.0×10^{5} Pa e à temperatura de 47 °C. Depois de se ter gasto oxigénio do reservatório, a pressão passou para 1.0×10^{5} Pa e a temperatura para 27 °C.

Considere que o oxigénio se comporta como gás ideal.

R (constante molar dos gases ideais) = 8,31 J mol⁻¹ K⁻¹

- **6.1.** Calcule a quantidade de oxigénio que existia inicialmente no reservatório.
- **6.2.** Calcule a razão entre a quantidade de oxigénio que existia inicialmente e a quantidade que ficou no reservatório.

COTAÇÕES

1.				
	1.1.		10 pontos	
	1.2.		12 pontos	
	1.3.		6 pontos	
	1.4.		10 pontos	
		_		38 pontos
2.				
	2.1.		24 pontos	
		2.1.1.	•	
		2.1.2. 10 pontos		
		·		
	2.2.		10 pontos	
		-		34 pontos
3.				2 · P3///00
	3.1.		18 pontos	
		3.1.1. 9 pontos	•	
		3.1.2. 9 pontos		
	3.2.		12 pontos	
		_	_	30 pontos
4.				
	4.1.		10 pontos	
		4.1.1.		
		4.1.2. 5 pontos		
	4.2.		10 pontos	
	4.3.		10 pontos	
			_	30 pontos
5.				-
	5.1.		12 pontos	
	5.2.		12 pontos	
	5.3.		14 pontos	
		_	_	38 pontos
6.				
	6.1.		15 pontos	
			15 pontos	
				30 pontos
			-	
		TOTAL		200 pontos

EXAME NACIONAL DO ENSINO SECUNDÁRIO

12.° Ano de Escolaridade — Via de Ensino (1.° e 5.° cursos)

Duração da prova: 120 minutos

1.ª FASE

1999

2.a CHAMADA

PROVA ESCRITA DE FÍSICA

_			
1.	COTAÇÕES		
•	1.1	10 pontos 12 pontos 6 pontos 10 pontos	
			38 pontos
2.	2.1.1. 14 pontos 2.1.2. 10 pontos	24 pontos	
	2.2.	10 pontos	
3.			34 pontos
	3.1. 9 pontos 3.1.2. 9 pontos	•	
	3.2.	12 pontos	
4.			30 pontos
	4.1. 5 pontos 4.1.2. 5 pontos 4.2. 4.3.	10 pontos	
		To pointed	30 pontos
5.	5.1	12 pontos 12 pontos 14 pontos	
•			38 pontos
6.	6.1	15 pontos 15 pontos	30 nontos
	TOTAL	-	30 pontos
	TOTAL		V.S.F.F. 215/C/1

CRITÉRIOS DE CLASSIFICAÇÃO

Critérios Gerais

- A sequência de resolução sugerida para cada item deve ser interpretada como uma das sequências possível. Deverá ser atribuída a mesma cotação se, em alternativa, for apresentada outra igualmente correcta.
- As cotações parcelares só deverão ser tomadas em consideração quando a resolução não estiver totalmente correcta.
- Se a resolução de um item apresentar erro exclusivamente imputável à resolução do item anterior, deverá atribuir-se, ao item em questão, a cotação integral.
- A ausência de unidades ou a indicação de unidades incorrectas, no resultado final, terá a penalização de um ponto.
- Os erros de cálculo terão, no máximo, a penalização de 10% da cotação total do item.

Critérios Específicos

1.	-	pontos)			10 pontos
		Corpo A: representação de duas forças			
		Corpo B: representação de duas forças			
		Legenda (1 + 1 + 1 + 1)		4 pontos	
	1.2.	$\overrightarrow{F} = m_A \overrightarrow{a}$			12 pontos
		$\overrightarrow{F} = m_A \overrightarrow{a}$	3	3 pontos	
		$\mu R_n = m_A a$			
		Substituição e determinação de \vec{a} = 6,5 \vec{u}_x (m s ⁻²)	4	4 pontos	
		Descontar 2 pontos se \overrightarrow{a} não for apresentado vectorialmente.			
	1.3.				6 pontos
		$T = (m_A + m_B) a \text{ ou } T - F_a = m_B a \dots$	3	3 pontos	
		Substituição e cálculo de <i>T</i> = 46 N	3	3 pontos	
	1.4.				10 pontos
		$F_{gC} = (m_A + m_B + m_C) a \dots$	∠	4 pontos	
		$a = 6.5 \text{ m s}^{-2}$	3	3 pontos	
		Cálculo de m_C = 13 kg	3	3 pontos	
2.	•	pontos)			24 mentes
	2.1.	2.1.1.			24 pontos
		$E_{\rm c} = \frac{1}{2} I \omega^2$ ou $E_{\rm c} = \frac{1}{2} m v^2$	itos		
		$I = ml^2$ ou $v = \omega l$	itos		
		$E_{cf} = 0$	itos		
		Substituição e determinação de $E_{ci} = \frac{1}{2} ml^2 \omega_A^2 \dots 2$ por			
		$\Delta E_{\rm c} = -\frac{1}{2} m l^2 \omega_{\rm A}^2 \qquad 3 \text{ por}$	itos		
		A transportar			62 pontos

Transporte		62 ponto
2.1.2.	10 pontos	
Aplicação da Lei da Conservação da Energia		
Mecânica 5 pontos		
Determinação de $\omega_{A} = \sqrt{\frac{2g}{l}}$		
		10 ponto
$L = l m v$ ou $L = m l^2 \omega$	5 pontos	
Determinação de L	2 pontos	
$\overrightarrow{L} = m l^2 \sqrt{\frac{2g}{l}} \overrightarrow{u_z} = m l \sqrt{2g l} \overrightarrow{u_z} $	3 pontos	
•		40
		18 ponto
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	•	
Legenda	3 pontos	
3.1.2. Representação de três forças	6 pontos	
Legenda	3 pontos	
¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬¬		12 ponto
,,,,	•	
pontos)		
•		10 ponto
4.1.1. <i>T</i> = 1,2 s	5 pontos	
4.1.2. <i>A</i> = 1,0 cm	5 pontos	
		10 ponto
	•	
$x = 1.0 \times 10^{-2} \sin\left(\frac{5}{3} \pi t + \frac{3}{2} \pi\right) \text{ (SI)}$	5 pontos	
		10 ponto
$a = -\omega^2 x$		10 ponto
	3 pontos 4 pontos	10 ponto
F	Aplicação da Lei da Conservação da Energia Mecânica	Mecânica 5 pontos Determinação de $\omega_{\rm A} = \sqrt{\frac{2g}{l}}$ 5 pontos $L = l \ m \ v \text{ou} L = m \ l^2 \omega \qquad 5 \text{ pontos}$ Determinação de L 2 pontos $\overrightarrow{L} = m \ l^2 \sqrt{\frac{2g}{l}} \overrightarrow{u_z} = m \ l \sqrt{2g \ l} \overrightarrow{u_z} \qquad 3 \text{ pontos}$ pontos) 3.1.1. Representação de três forças 6 pontos Legenda 3 pontos 3.1.2. Representação de três forças 6 pontos Legenda 3 pontos $\overrightarrow{L} = p_l \ g \ V \qquad 2 \text{ pontos}$ Substituição e cálculo de $\rho_l = 9.0 \times 10^2 \ \text{kg m}^{-3} \qquad 7 \text{ pontos}$ pontos) 4.1.1. $T = 1.2 \ \text{s} \qquad 5 \text{ pontos}$ 4.1.2. $A = 1.0 \ \text{cm} \qquad 5 \text{ pontos}$

Transporte	132 pontos
pontos)	
Expressão de \overrightarrow{F}_{e}	12 pontos
$\overrightarrow{F}_R = \overrightarrow{ma}$ 2 pontos $x = vt$ 3 pontos $y = \frac{1}{2} at^2$ 3 pontos Substituição e cálculo de $y = 1,3$ mm 4 pontos	12 pontos
Se a partícula atinge o alvo no ponto P: $\overrightarrow{F}_{m} + \overrightarrow{F}_{g} + \overrightarrow{F}_{e} = \overrightarrow{0} \qquad \qquad 3 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{F}_{m} = -1, 3 \times 10^{-3} \ \overrightarrow{u_{y}} \ (\text{N}) \qquad \qquad 3 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{F}_{m} = \overrightarrow{qv} \times \overrightarrow{B} \qquad \qquad 3 \text{ pontos}$ Substituição e determinação de $\overrightarrow{F}_{m} = -1, 4 \times 10^{-5} \ \overrightarrow{u_{y}} \ (\text{N}) \qquad 3 \text{ pontos}$ Conclusão: não atinge $\qquad \qquad 2 \text{ pontos}$	14 pontos
	15 pontos
$pV = n R T$ $\frac{p_i}{p_f} = \frac{n_i T_i}{n_f T_f}$ $\frac{n_i}{n_f} = 3.8$ 5 pontos 5 pontos	15 pontos
	pontos) $\overrightarrow{F_R} = \overrightarrow{F_g} + \overrightarrow{F_e} \qquad 3 \text{ pontos}$ Expressão de $\overrightarrow{F_e} \qquad 2 \text{ pontos}$ Expressão de $\overrightarrow{F_e} \qquad 3 \text{ pontos}$ Determinação de $\overrightarrow{F_R} = 1.3 \times 10^{-3} \ \overrightarrow{u_y} \ (\text{N}) \qquad 4 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{F_R} = \overrightarrow{ma} \qquad 2 \text{ pontos}$ $x = vt \qquad 3 \text{ pontos}$ $y = \frac{1}{2} \ at^2 \qquad 3 \text{ pontos}$ Substituição e cálculo de $y = 1.3 \ \text{mm} \qquad 4 \text{ pontos}$ Se a partícula atinge o alvo no ponto P: $\overrightarrow{F_m} + \overrightarrow{F_g} + \overrightarrow{F_e} = \overrightarrow{0} \qquad 3 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{F_m} = -1.3 \times 10^{-3} \ \overrightarrow{u_y} \ (\text{N}) \qquad 3 \text{ pontos}$ Substituição e determinação de $\overrightarrow{F_m} = -1.4 \times 10^{-5} \ \overrightarrow{u_y} \ (\text{N}) \qquad 3 \text{ pontos}$ Substituição e determinação de $\overrightarrow{F_m} = -1.4 \times 10^{-5} \ \overrightarrow{u_y} \ (\text{N}) \qquad 3 \text{ pontos}$ Conclusão: não atinge 2 pontos $\overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{q_v} \times \overrightarrow{B} \qquad 5 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{q_v} = \overrightarrow{q_v} \qquad 5 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} \qquad 5 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} \qquad 5 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} \qquad 5 \text{ pontos}$ $\overrightarrow{P_m} = \overrightarrow{P_m} $

Total 200 pontos